

Resumo de Equações de Acompanhamento
Introdução à análise de circuitos, 12^a edição, de Robert L. Boylestad
 © Copyright 2012 by Pearson Education do Brasil. Todos os direitos reservados.

CC

Introdução

Conversões 1 metro = 100 cm = 39,37 pol., 1 pol. = 2,54 cm, 1 yd = 0,914 m = 3 pés, 1 milha = 5280 pés, °F = 9/5°C + 32, °C = 5/9(°F - 32), K = 273,15 + °C **Notação científica** 10^{12} = tera = T, 10^9 = giga = G, 10^6 = mega = M, 10^3 = kilo = k, 10^{-3} = milli = m, 10^{-6} = micro = μ, 10^{-9} = nano = n, 10^{-12} = pico = p **Potências de dez** $1/10^n = 10^{-n}$, $1/10^{-n} = 10^n$, $(10^n)(10^m) = 10^{n+m}$, $10^n/10^m = 10^{n-m}$, $(10^n)^m = 10^{nm}$

Tensão e corrente

Lei de Coulomb $F = kQ_1Q_2/r^2$, $k = 9 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2$, Q = coulombs (C), r = metros (m) **Corrente** $I = Q/t$ (ampères), t = segundos (s), $Q_e = 1,6 \times 10^{-19} \text{ C}$ **Tensão** $V = W/Q$ (volts), W = joules (J)

Resistência

Fio circular $R = \rho l/A$ (ohms), ρ = resistividade, l = pés, $A_{CM} = (d_{mils})^2$, $\rho(\text{Cu}) = 10,37$ **Unidades métricas** l = cm, A = cm^2 , $\rho(\text{Cu}) = 1,724 \times 10^{-6}$ ohm-cm **Temperatura** $(|T| + T_1)R_1 = (|T| + T_2)R_2$, $R_1 = R_2[1 + \alpha_{20}(T_1 - 20^\circ\text{C})]$, $\alpha_{20}(\text{Cu}) = 0,00393$ **Código de cores** Faixas 1–3: 0 = preto, 1 = marrom, 2 = vermelho, 3 = laranja, 4 = amarelo, 5 = verde, 6 = azul, 7 = violeta, 8 = cinza, 9 = branco, Faixa 3: 0,1 = ouro, 0,01 = prata, Faixa 4: 5% = ouro, 10% = prata, 20% = sem faixa, Faixa 5: 1% = marrom, 0,1% = vermelho, 0,01% = laranja, 0,001% = amarelo **Condutância** $G = 1/R$ siemens (S)

Lei de Ohm, potência e energia

Lei de Ohm $I = E/R$, $E = IR$, $R = E/I$ **Potência** $P = W/t = VI = I^2R = V^2/R$ (watts), 1 hp = 746 W **Eficiência** $\eta\% = (P_o/P_i) \times 100\%$, $\eta_T = \eta_1 \cdot \eta_2 \cdot \eta_3 \cdots \eta_n$ **Energia** $W = Pt$, W (kWh) = $[P(\text{W}) \cdot t(\text{h})]/1000$

Circuitos em série

$R_T = R_1 + R_2 + R_3 + \cdots + R_N$, $R_T = NR$, $I = E/R_T$, $V = IR$
Lei de Kirchhoff para tensões $\sum V = 0$, $\sum V_{\text{elevações}} = \sum V_{\text{quedas}}$
Regra do divisor de tensões $V_x = R_x E/R_T$

Circuitos CC em paralelo

$R_T = 1/(1/R_1 + 1/R_2 + 1/R_3 + \cdots + 1/R_N)$, $R_T = R/N$, $R_T = R_1R_2/(R_1 + R_2)$, $I = EG_T = E/R_T$
Lei de Kirchhoff para corrente $\sum I_{\text{entrando}} = \sum I_{\text{saindo}}$
Regra do divisor de corrente $I_x = (R_T/R_x)I$, (dois elementos pareados):
 $I_1 = R_2I/(R_1 + R_2)$, $I_2 = R_1I/(R_1 + R_2)$

Circuitos em série-paralelo

Carga de potencímetro $R_L \gg R_T$
Amperímetro $R_{\text{shunt}} = R_m I_{CS}/(I_{\text{máx}} - I_{CS})$
Voltímetro $R_{\text{série}} = (V_{\text{máx}} - V_{VS})/I_{CS}$
Ohmímetro $R_s = (E/I_{CS}) - R_m$ – ajuste de zero/2

Métodos de análise e tópicos selecionados (CC)

Conversões de fonte $E = IR_p$, $R_s = R_p$, $I = E/R_s$

Determinantes $D = \begin{vmatrix} a_1 & b_1 \\ a_2 & b_2 \end{vmatrix} = a_1b_2 - a_2b_1$

Circuitos de ponte $R_1/R_3 = R_2/R_4$ **Conversões Δ-Y** $R' = R_A + R_B + R_C$, $R_3 = R_AR_B/R'$, $R_2 = R_AR_C/R'$, $R_1 = R_BR_C/R'$, $R_Y = R_\Delta/3$
Conversões Y-Δ $R'' = R_1R_2 + R_1R_3 + R_2R_3$, $R_C = R''/R_3$, $R_B = R''/R_2$, $R_A = R''/R_1$, $R_\Delta = 3R_Y$

Teoremas de circuito

Superposição Fontes de tensão (equivalente a curto-circuito), fontes de corrente (equivalentes a circuito aberto)

Teorema de Thévenin R_{Th} : (todas as fontes zeradas), E_{Th} : (tensão terminal de circuito aberto)

Teorema de transferência de potência máxima $R_L = R_{Th} = R_N$, $P_{\text{máx}} = E_{Th}^2/4R_{Th} = I_{N,RN}^2/4$

Capacitores

Capacitância $C = Q/V = \epsilon A/d = 8,85 \times 10^{-12} \epsilon_r A/d$ farads (F), $C = \epsilon_r C_0$ **Intensidade do campo elétrico** $\mathcal{E} = V/d = Q/\epsilon A$ (volts/metro)
Transitórios (carregando) $i_C = (E/R)e^{-t/\tau}$, $\tau = RC$, $v_C = E(1 - e^{-t/\tau})$, (descarga) $v_C = Ee^{-t/\tau}$, $i_C = (E/R)e^{-t/\tau RC}$, $i_C = i_{C,\text{av}} = C(\Delta v_C/\Delta t)$
Em série $Q_T = Q_1 = Q_2 = Q_3$, $1/C_T = (1/C_1) + (1/C_2) + (1/C_3) + \cdots + (1/C_N)$, $C_T = C_1C_2/(C_1 + C_2)$ **Em paralelo** $Q_T = Q_1 + Q_2 + Q_3$, $C_T = C_1 + C_2 + C_3$ **Energia** $W_C = (1/2)CV^2$

Indutores

Auto-indutância $L = N^2 \mu A/l$ (henries), $L = \mu_r L_o$
Tensão induzida $e_{L,\text{av}} = L(\Delta i/\Delta t)$ **Transitórios** (armazenamento) $i_L = I_m(1 - e^{-t/\tau})$, $I_m = E/R$, $\tau = L/R$, $v_L = Ee^{-t/\tau}$ (decaimento), $v_L = [1 + (R_2/R_1)]Ee^{-t/\tau}$, $\tau' = L/(R_1 + R_2)$, $i_L = I_m e^{-t/\tau'}$, $I_m = E/R_1$
Em série $L_T = L_1 + L_2 + L_3 + \cdots + L_N$ **Em paralelo** $1/L_T = (1/L_1) + (1/L_2) + (1/L_3) + \cdots + (1/L_N)$, $L_T = L_1L_2/(L_1 + L_2)$
Energia $W_L = 1/2(LI^2)$

Circuitos magnéticos

Densidade de fluxo $B = \Phi/A$ (webers/m²) **Permeabilidade** $\mu = \mu_r \mu_0$ (Wb/A · m)
Relutância $\mathcal{R} = l/\mu A$ (rels) **Lei de Ohm** $\mathcal{F} = \mathcal{R}I$ (webers)
Força magnetomotriz $\mathcal{F} = NI$ (ampère-espira) **Força magnetizante**
força $H = \mathcal{F}/l = NI/l$ **Lei circular de Ampère** $\sum_C \mathcal{F} = 0$
Fluxo $\Sigma \Phi_{\text{entrando}} = \Sigma \Phi_{\text{saindo}}$ **Entreferro** $H_g = 7,96 \times 10^5 B_g$

Alfabeto Grego

Letra	Maiúscula	Minúscula	Letra	Maiúscula	Minúscula
Alpha	A	α	Niu	N	ν
Beta	B	β	Chi	Ξ	ξ
Gama	Γ	γ	Omicron	Ο	ο
Delta	Δ	δ	Pi	Π	π
Epsilon	Ε	ε	Ro	Ρ	ρ
Zeta	Ζ	ζ	Sigma	Σ	σ
Eta	Η	η	Tau	Τ	τ
Teta	Θ	θ	Upsilon	ϒ	υ
Iota	Ι	ι	Fi	Φ	φ
Capa	Κ	κ	Chi	Χ	χ
Lambda	Λ	λ	Psi	Ψ	ψ
Miu	Μ	μ	Ômega	Ω	ω

Prefixos

Fatores de multiplicação	Prefixo SI	Símbolo SI
$1\ 000\ 000\ 000\ 000\ 000 = 10^{18}$	exa	E
$1\ 000\ 000\ 000\ 000\ 000 = 10^{15}$	peta	P
$1\ 000\ 000\ 000\ 000 = 10^{12}$	tera	T
$1\ 000\ 000\ 000 = 10^9$	giga	G
$1\ 000\ 000 = 10^6$	mega	M
$1\ 000 = 10^3$	kilo	k
$0,001 = 10^{-3}$	milli	m
$0,000\ 001 = 10^{-6}$	micro	μ
$0,000\ 000\ 001 = 10^{-9}$	nano	n
$0,000\ 000\ 000\ 001 = 10^{-12}$	pico	p
$0,000\ 000\ 000\ 000\ 001 = 10^{-15}$	femto	f
$0,000\ 000\ 000\ 000\ 000\ 001 = 10^{-18}$	atto	a

Resumo de Equações de Acompanhamento
Introdução à análise de circuitos, 12^a edição, de Robert L. Boylestad
 © Copyright 2012 by Pearson Education do Brasil. Todos os direitos reservados.

CA

Formas de onda senoidais

Onda senoidal $v = V_m \sin \alpha, \alpha = \omega t = 2\pi ft, f = 1/T, 1 \text{ radiano} = 57,3^\circ, \text{radianos} = (\pi/180^\circ) \times (\text{graus}), \text{graus} = (180^\circ/\pi) \times (\text{radianos})$

Identidades $\sin(\omega t + 90^\circ) = \cos \omega t, \sin \omega t = \cos(\omega t - (\pi/2)), \sin(-\alpha) = -\sin \alpha, \cos(-\alpha) = \cos \alpha$

Valor médio $G = \text{soma algébrica das áreas/comprimento da curva}$

Valor (rms) eficaz $I_{\text{rms}} = 0,707 I_m, I_m = \sqrt{2} I_{\text{rms}}, I_{\text{rms}} = \sqrt{\text{área } [i(t)]^2/T}$

Os elementos básicos e fasores

R: $I_m = V_m/R, \text{em fase}$ **L:** $X_L = \omega L, v_L \text{ adiantado } i_L \text{ by } 90^\circ$

C: $X_C = 1/\omega C, i_C \text{ adiantado } v_C \text{ by } 90^\circ$ **Potência** $P = (V_m I_m / 2) \cos \theta = V_{\text{rms}} I_{\text{rms}} \cos \theta$ **R:** $P = V_{\text{rms}} I_{\text{rms}} = I_{\text{rms}}^2 R = V_{\text{rms}}^2 R / 2$

Fator de potência: $F_p = \cos \theta = P/V_{\text{rms}} I_{\text{rms}}$ **Forma retangular** $C = A \pm jB$

Forma polar $C = C \angle \theta$ **Conversões** $C = \sqrt{A^2 + B^2}, \theta = \tan^{-1}(B/A), A = C \cos \theta, B = C \sin \theta$

Operações $j = \sqrt{-1}, j^2 = -1, 1/j = -j, C_1 \pm C_2 = (\pm A_1 \pm A_2) + j(\pm B_1 \pm B_2)$

$C_1 \cdot C_2 = C_1 C_2 \angle (\theta_1 + \theta_2), C_1/C_2 = (C_1/C_2) \angle (\theta_1 - \theta_2)$

Circuitos CA em série-paralelo

Elementos $R \angle 0^\circ, X_L \angle 90^\circ, X_C \angle -90^\circ$

Série $Z_T = Z_1 + Z_2 + Z_3 + \dots + Z_N, I_s = E/Z_T, F_p = R/Z_T$

Regra do divisor de tensão $V_x = Z_x E/Z_T$ **Paralelo** $Y_T = Y_1 + Y_2 + Y_3 + \dots + Y_N, Z_T = Z_1 Z_2 / (Z_1 + Z_2), G \angle 0^\circ, B_L \angle -90^\circ, B_C \angle 90^\circ, F_p = \cos \theta_T = G/Y_T$

Regra do divisor de corrente $I_1 = Z_2 I_T / (Z_1 + Z_2), I_2 = Z_1 I_T / (Z_1 + Z_2)$

Circuitos equivalentes $R_s = R_p X_p^2 / (X_p^2 + R_p^2), X_s = R_p^2 X_p / (X_p^2 + R_p^2), R_p = (R_s^2 + X_s^2) / R_s, X_p = (R_s^2 + X_s^2) / X_s$

Redes CA em série-paralelo:

Utilize impedâncias em blocos e obtenha a solução geral para o circuito reduzido. Então substitua valores numéricos. Abordagem geral similar àquela para circuitos CC.

Métodos de análise e tópicos selecionados (CA)

Conversões de fonte $E = IZ_p, Z_s = Z_p, I = E/Z_s$

Circuitos de ponte $Z_1/Z_3 = Z_2/Z_4$

Conversões $\Delta-Y, Y-\Delta$ Ver cobertura CC, substituindo R por Z .

Teoremas de circuito

Revisão de conteúdo CC do outro lado.

Teorema de Thévenin (fontes dependentes) $E_{oc} = E_{Th}, Z_{Th} = E_{oc}/I_{sc}, Z_{Th} = E_g/I_g$ **Teorema de Norton** (fontes dependentes) $I_{sc} = I_N, Z_N = E_{oc}/I_{sc}, Z_N = E_g/I_g$ **Teorema da transferência máxima de potência** $Z_L = Z_{Th}, \theta_L = -\theta_{ThZ}, P_{\text{máx}} = E_{Th}^2/4R_{Th}$

Potência (CA)

R: $P = VI = V_m I_m / 2 = I^2 R = V^2 / R$ **Potência aparente** $S = VI, P = S \cos \theta, F_p = \cos \theta = P/S$

Potência reativa $Q = VI \sin \theta$

L: $Q_L = VI = I^2 X_L = V^2 / X_L, C: Q_C = VI = I^2 X_C = V^2 / X_C$

$S_T = \sqrt{P_T^2 + Q_T^2}, F_p = P_T/S_T$

Ressonância

Em série $X_L = X_C, f_s = 1/(2\pi\sqrt{LC}), Z_{Ts} = R, Q_l = X_L/R_l, Q_s = X_L/R = (1/R)\sqrt{LC}, V_{Ls} = Q_s E, V_{Cs} = Q_s E, P_{\text{HPF}} = (1/2)P_{\text{máx}}$

$f_1 = (1/2\pi)[-R/2L + (1/2)\sqrt{(R/L)^2 + 4/LC}], f_2 \text{ (use } +R/2L)$

$BW = f_2 - f_1 = R/2\pi L = f_s/Q_s$ **Em paralelo** $X_{Lp} = X_C, X_{Lp} = (R_L^2 + X_L^2)/X_L, f_p = [1/(2\pi\sqrt{LC})]\sqrt{1 - (R_L^2/C)} / (R_L^2/C), Z_{Tp} = R_s||R_p, R_p = (R_L^2 + X_L^2)/R_l, Q_p = (R_s||R_p)X_{Lp}, BW = f_2 - f_1 = f_p/Q_p$

$Q \geq 10: Z_{Tp} \cong R_s||Q^2 R_l, X_{Lp} \cong X_L, X_L = X_C, f_p = 1/(2\pi\sqrt{LC}), Q_p = Q_l, I_L = I_C \cong Q_l T, BW = f_p/Q_p = R_p/2\pi L$

Decibéis, filtros e gráficos de Bode

Logaritmos $N = b^x, x = \log_b N, \log_e x = 2,3 \log_{10} x, \log_{10} ab = \log_{10} a + \log_{10} b, \log_{10} a/b = \log_{10} a - \log_{10} b, \log_{10} a^n = n \log_{10} a$

$dB = 10 \log_{10} P_2/P_1, dB_v = 20 \log_{10} V_2/V_1$

Filtros R-C (passa-alta) $f_c = 1/(2\pi RC), V_o/V_i = R\sqrt{R^2 + X_C^2} \angle \tan^{-1}(X_C/R)$ (passa-baixa) $f_c = 1/(2\pi RC), V_o/V_i = X_C/\sqrt{R^2 + X_C^2} \angle -\tan^{-1}(R/X_C)$

Oitava $2 : 1, 6 \text{ dB/oitava}$ **Dezena** $10 : 1, 20 \text{ dB/decada}$

Transformadores

Indutância mútua $M = k\sqrt{L_p L_s}$ **Núcleo de ferro** $E_p = 4,44fN_p \Phi_m, E_s = 4,44fN_s \Phi_m, E_p/E_s = N_p/N_s, a = N_p/N_s, I_p/I_s = N_s/N_p, Z_p = a^2 Z_L, E_p I_p = E_s I_s, P_o = P_o(\text{ideal})$

Núcleo de ar $Z_i = Z_p + (\omega M)^2 / (Z_s + Z_L)$

Sistemas polifásicos

Sistema Y-Y $I_{\phi g} = I_L = I_{\phi L}, V_\phi = E_\phi, E_L = \sqrt{3} V_\phi$ **sistema Y-Δ**

$V_\phi = E_L, I_L = \sqrt{3} I_\phi$ **Sistema Δ-Δ** $V_\phi = E_L = E_\phi, I_L = \sqrt{3} I_\phi$

Sistema Δ-Y $E_L = \sqrt{3} V_\phi, I_L = I_{\phi L}, E_L = E_\phi$ **Potência** $P_T = 3P_\phi, Q_T = 3Q_\phi, S_T = 3S_\phi = \sqrt{3} E_L I_L, F_p = P_T/S_T$

Formas de onda pulsante e a resposta R-C

% inclinação = $[(V_1 - V_2)/V] \times 100\%$ com $V = (V_1 + V_2)/2$

Frequência de repetição do pulso (prf) = $1/T$

Ciclo de trabalho = $(t_p/T) \times 100\%$

$V_{av} = (\text{ciclo de trabalho})(\text{valor de pico}) + (1 - \text{ciclo de trabalho}) \times (V_b)$

Circuitos R-C $v_C = V_i + (V_f - V_i)(1 - e^{-t/RC})$

Atenuador compensado $R_p C_p = R_s C_s$

Circuitos não senoidais

Série Fourier $f(\alpha) = A_0 + A_1 \sin \omega t + A_2 \sin 2\omega t + \dots + A_n \sin n\omega t + B_1 \cos \omega t + B_2 \cos 2\omega t + \dots + B_n \cos n\omega t$

Função par $f(\alpha) = f(-\alpha)$, sem termos B_n **Função ímpar** $f(\alpha) = -f(-\alpha)$, sem termos A_n , sem harmônicos ímpares se $f(t) = f[(T/2) + t]$, sem harmônicos pares se $f(t) = -f(T/2) + t)$

Valor (rms) eficaz

$V_{(\text{rms})} = \sqrt{V_0^2 + (V_{m1}^2 + \dots + V_{mn}^2) + V_{m1}^2 + \dots + V_{mn}^2}/2$

Potência $P_T = V_0 I_0 + V_1 I_1 \cos \theta + \dots + V_n I_n \cos \theta_n = I_{\text{rms}}^2 R = V_{\text{rms}}^2 R$

Valores do resistor padrão

		Ohms (Ω)		Kilohms (kΩ)		Megohms (MΩ)	
0,10	1,0	10	100	10	100	1,0	10,0
0,11	1,1	11	110	11	110	1,1	11,0
0,12	1,2	12	120	12	120	1,2	12,0
0,13	1,3	13	130	13	130	1,3	13,0
0,15	1,5	15	150	15	150	1,5	15,0
0,16	1,6	16	160	16	160	1,6	16,0
0,18	1,8	18	180	18	180	1,8	18,0
0,20	2,0	20	200	20	200	2,0	20,0
0,22	2,2	22	220	22	220	2,2	22,0
0,24	2,4	24	240	24	240	2,4	24,0
0,27	2,7	27	270	27	270	2,7	27,0
0,30	3,0	30	300	30	300	3,0	30,0
0,33	3,3	33	330	33	330	3,3	33,3
0,36	3,6	36	360	36	360	3,6	36,3
0,39	3,9	39	390	39	390	3,9	39,9
0,43	4,3	43	430	43	430	4,3	43,3
0,47	4,7	47	470	47	470	4,7	47,0
0,51	5,1	51	510	51	510	5,1	51,0
0,56	5,6	56	560	56	560	5,6	56,0
0,62	6,2	62	620	62	620	6,2	62,0
0,68	6,8	68	680	68	680	6,8	68,0
0,75	7,5	75	750	75	750	7,5	75,0
0,82	8,2	82	820	82	820	8,2	82,0
0,91	9,1	91	910	91	910	9,1	91,0